FORMATIVA VERIFICA DEL 25 FEBBRAIO

Es 1 Verificare che l'insieme Z dei numeri interi relativi con l'operazione di somma è un gruppo (Z,+)

Es 2 Sono date le matrici M, N e il vettore V

$$\mathbf{M} = \begin{bmatrix} 3 & 5 \\ 8 & 15 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{N} = \begin{bmatrix} 4 & 7 \\ -3 & -8 \end{bmatrix} \qquad \mathbf{V} = \begin{bmatrix} -5 \\ 4 \end{bmatrix}$$

Calcolare M*N, -2*M+4*N e (M+N)*V

Es 3 Rispondere alle seguenti domande :

- a) come si calcola la matrice inversa di una matrice M 2 x 2?
- b) da cosa sono caratterizzate le trasformazioni isometriche?
- c) quando una matrice 2 x 2 rappresenta una trasformazione affine?

Es 4 E' data la trasformazione
$$\begin{cases} x' = x - y \\ y' = 2x - y \end{cases}$$

- scrivere la matrice associata
- è una isometria?
- è una trasformazione diretta?

FORMATIVA DEL 26 FEBBRAIO

Es 1 Siano A(1,3) B(7,5) C(5,9) i vertici di un triangolo.

Determinare il suo trasformato mediante la rotazione di angolo $\pi/4$ e successivamente la traslazione di vettore $V=\begin{bmatrix} 3\\ -2 \end{bmatrix}$

(

la componente orizzontale è quella in alto)

Es 2 Siano
$$T_1 = \begin{cases} x' = 2x + y \\ y' = 3y \end{cases}$$
 e $T_2 = \begin{cases} x'' = 2x' + 6y' \\ y'' = 3y' - 4x' \end{cases}$ scrivere la matrice della trasformazione $T_2 \circ T_1$

Es 3 Date le equazioni dell'affinità $T_2 = \begin{cases} x' = x + a \\ y' = ay - b \end{cases}$ trovare i parametri a e b in modo che la retta r: 2y - x + 1=0 si trasformi nella retta s: y' = x'