

$$1. x^3 - 3x^2 + x - 3 > 0$$

$$2. x^3 - 4x^2 + x + 6 < 0$$

$$3. x^5 - x^4 - 9x^3 + 9x^2 \geq 0$$

$$4. x^3 < 8$$

$$5. x^4 - 3x^2 + 2 > 0$$

$$6. x^3 - 2x^2 + x \geq 0$$

$$7. x^4 + 3x^2 > 0$$

$$8. -12x^4 + 39x^2 - 9 \geq 0$$

Qualche consiglio utile per la risoluzione delle disequazioni e per evitare possibili errori.

- Qualunque fattore positivo può essere trascurato nella risoluzione di una disequazione perchè non influenza il segno di un prodotto (o di un quoziente); questo significa che esso può essere semplificato.

Per esempio:  $(x^2 + 1)(x^2 - x) > 0$  è equivalente a  $x^2 - x > 0$

perchè il fattore  $(x^2 + 1)$ , essendo una somma di termini positivi, è sempre positivo (e non si annulla mai).

Attenzione invece a non eliminare i fattori di cui non si è certi del segno o quelli che, pur mantenendosi positivi, si annullano per qualche valore di  $x$ ; in questo caso conviene riportare nella tabella gli zeri di quel polinomio ed il suo segno per evitare possibili errori.

- Una potenza di esponente pari, qualunque sia il segno della base, è sempre positiva o nulla e non è mai negativa, quindi una disequazione del tipo  $[f(x)]^2 > 0$  **non è mai equivalente** a  $f(x) > 0$ .

Una potenza di esponente dispari assume sempre il segno della base, quindi una disequazione del tipo  $[f(x)]^3 > 0$  è **sempre equivalente** a  $f(x) > 0$ .

Per esempio:

- $(2x^2 - 3)^4 \geq 0$  **non è equivalente** a  $2x^2 - 3 \geq 0$
- $(3x^2 - 1)^3 < 0$  **è equivalente** a  $3x^2 - 1 < 0$

- Una differenza fra potenze di ugual base ha lo stesso segno della differenza delle basi solo se gli esponenti sono dispari:

$$a^3 - b^3 \quad \text{ha lo stesso segno di} \quad a - b$$

$$a^4 - b^4 \quad \text{non ha lo stesso segno di} \quad a - b$$

Quindi, per esempio:

- una disequazione come  $x^3 - 2^3 > 0$  è **equivalente** a  $x - 2 > 0$
- una disequazione come  $x^4 - 5^4 > 0$  **non è equivalente** a  $x - 5 > 0$ .